

Εκεί με το άκουσμα των αριθμών αμέσως γίνεται η σύνδεση. Είναι λίγο καθοδηγητικό αλλά μπορεί να χρειαστεί. «Οπότε που καταλήγουμε; Με τι σχετίζεται το πλήθος αυτό για κάθε αριθμό? Κάντε μια εικασία». Εδώ περιμένω να μου πουν ότι όσος είναι ο παρανομαστής τόσο είναι και το πλήθος της τροχιάς. Τότε φέρω την τελευταία τροχιά του $\frac{3}{6}$ και τους ρωτώ αν ισχύει κι εδώ. Μπορείτε να βρείτε την ιδιαιτερότητα αυτού του κλάσματος σε σχέση με τα άλλα; Να δουν, δηλαδή, ότι δεν είναι ανάγωγο. «Μετατρέψτε το σε ανάγωγο. Τώρα ισχύει η προηγούμενη εικασία;» Τότε ζητώ να τροποποιήσουν την εικασία τους κατάλληλα ώστε να περιλαμβάνει όλες τις περιπτώσεις. Συζητάμε λίγο για την ισοδυναμία κλασμάτων. Είναι φανερό ότι τα ισοδύναμα κλάσματα θα έχουν ίδια τροχιά. Το αντίστροφο δεν ισχύει. Αυτό θέλω να το διαπιστώσουν για αυτό έχω βάλει το $\frac{1}{3}$ και τα $\frac{2}{3}$ που έχουν τα ίδια σύνολα ως τροχιά. Καταλήγουμε στην τελική εικασία: «Αν έχουμε ένα ανάγωγο κλάσμα κ/λ τότε η τροχιά αποτελείται από λ στοιχεία». Τους ζητώ να τη γράψουν. «Η εικασία σας είναι σωστή και μάλιστα είναι διπλή η συνεπαγωγή αλλά για να γίνει πρόταση χρειάζεται απόδειξη. Αυτή μπορεί να γίνει αργότερα για να μη χαλάσουμε τη ροή του μαθήματος τώρα. Προς το παρόν τη δέχεστε γιατί σας λέω ότι την έχω αποδείξει». Η απόδειξη δεν έχει δυσκολία αλλά κατά τη γνώμη μου απαιτεί μια οικειότητα με τις έννοιες που μάθαμε μόλις και ίσως δημιουργήσει αναστάτωση αν αναφερθούν όλα μαζί. Η αναφορά ότι η απόδειξη υπάρχει είναι απαραίτητη.

Μετά ακολουθεί η γραφική παράσταση των στοιχείων του πίνακα στην τρίτη στήλη του φύλλου. Εκεί μπορεί να γίνει και με χωρισμό το $[0,1)$ σε τόσα ίσα μέρη όσα στοιχεία έχει το σύνολο ή με την παραδοσιακή αναπαράσταση.

Προχωρούμε στο Φύλλο 3 που είναι αντιστοίχιση. Ο ορισμός των ρητών είναι: «οι αριθμοί που **μπορούν** να γραφούν ως κλάσματα ακέραιων» αυτό το «μπορούν» είναι ο κύριος στόχος του φύλλου 3.